

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Демьянов В. Ф., Малоземов В. Н. *Введение в минимакс.* — М.: Наука, 1972. — 368 с.

2. Назилов А. А. *Матричное представление интерполяционного многочлена*/ Деп. в ВИНТИ Казанск. ун-том, 12.10.90. — № 5361-390. — 7 с.

Н. Д. Никитин (Пенза)

ОБ ИНФИНИТЕЗИМАЛЬНЫХ ПРЕОБРАЗОВАНИЯХ КАСАТЕЛЬНОГО РАССЛОЕНИЯ С АФФИННОЙ СВЯЗНОСТЬЮ

В работе [1] по аффинной связности Γ общего пространства путей $A_{n,y}$ строится аффинная связность Γ^c в касательном расслоении $T(M_n)$.

Для инфинитезимальных слоесохраняющих аффинных движений касательного расслоения $T(M_n)$ с аффинной связностью $\tilde{\Gamma} = \Gamma^c + H^v$, где H^v — вертикальный лифт поля H типа (1,2), заданного на базе, справедливы утверждения.

Теорема 1. *Полный лифт X^c векторного поля X многообразия M_n является инфинитезимальным аффинным движением касательного расслоения $T(M_n)$ с аффинной связностью $\tilde{\Gamma}$ тогда и только тогда, когда X является инфинитезимальным аффинным движением в пространстве путей $A_{n,y}$ и $L_X H = 0$, где L_X — обозначение производной Ли вдоль векторного поля X .*

Теорема 2. *Инфинитезимальное слоесохраняющее преобразование \tilde{X} касательного расслоения $T(M_n)$ является инфинитезимальным аффинным движением в пространстве $(T(M_n), \tilde{\Gamma})$ тогда и только тогда, когда выполняются условия:*

а) $\tilde{X} = X^c + D^v + {}^v x C$, где X^c — полный лифт инфинитезимального аффинного движения X в пространстве путей $A_{n,y}$, D^v — вертикальный лифт векторного поля $D = D^i(x_1, \dots, x_n) \frac{\partial}{\partial x^i}$, ${}^v x C$ — вертикально-векторное поднятие аффинора $C(C_\beta^h)$ с базы M_n на $T(M_n)$;

$$\begin{aligned} \text{б) } D^\beta \Gamma_{ji\beta}^h &= 0, \quad \nabla_s D^\beta \Gamma_{ji\beta}^h = 0, \quad L_{D^\alpha} \Gamma_{ji}^h + L_X H_{ji}^h = C_\rho^h H_{ji}^\rho; \\ \text{в) } \nabla_j C_i^h &= 0, \quad C_\sigma^\rho x^{n+\sigma} \Gamma_{ji\rho}^h = 0, \quad (C_\rho^h K_{j\sigma i}^\rho + C_\sigma^s K_{ji s}^h) x^{n+\sigma} = \\ 0. \end{aligned}$$

В условиях б), в) теоремы 2 Γ_{ji}^h — компоненты объекта аффинной связности Γ , K_{jis}^h — компоненты тензора кривизны K пространства путей, ∇_j — обозначение ковариантной производной относительно связности Γ , $\Gamma_{ji\beta}^h = \Gamma_{ji\beta}^h$, H_{ji}^h — компоненты тензора H ($i, j, h, \beta, \rho, s, \sigma = \overline{1, n}$).

Л И Т Е Р А Т У Р А

1. Yano K., Okubo T. *On the tangent bundles of generalized spaces of paths* // Rendiconti di matematica. — 1971. — V. 4. — No 2. — P. 327–348.

С. Я. Новиков (Самара)

МНОЖЕСТВА ФУНКЦИЙ, БЛИЗКИЕ К А-СИСТЕМАМ

Будем говорить, что последовательность (F_n) вещественных измеримых функций, определенных на некотором вероятностном пространстве (Ω, μ) , *подобна* последовательности $(f_n) \in (L^\circ([0, 1]))^{\mathbb{N}}$, если

$$\forall n \forall \tau > 0 \quad \mu(\omega : |F_n(\omega)| > \tau) = m(t : |f_n(t)| > \tau),$$

где m — мера Лебега.

Определение 1. Множество $U \subset L^\circ([0, 1])$ назовем множеством типа (p, q) , если $\forall (a_n) \in l_{p,q}$ и для $\forall (f_n) \in U^{\mathbb{N}}$ имеем

$$\sup_n |a_n f_n(t)| < \infty \quad \text{почти всюду.}$$

При $p = q = 1$ получаем определение А-системы [1].

Определение 2. Множество $U \subset L^\circ([0, 1])$ назовем множеством независимого типа (p, q) , если $\forall (a_n) \in l_{p,q}$ и для $\forall (f_n) \in$